## ORDRE DES INGÉNIEURS DU QUÉBEC SESSION DE NOVEMBRE 2024

# Note au sujet de la propriété intellectuelle des modèles d'examen de l'Ordre des ingénieurs du Québec

Les modèles d'examen se trouvant sur le site internet de l'Ordre des ingénieurs du Québec sont la propriété exclusive de l'Ordre et leur utilisation est strictement limitée à des fins académiques et personnelles. Toute reproduction, distribution ou utilisation commerciale non autorisée de ces modèles constitue une violation de la propriété intellectuelle et est strictement interdite. L'Ordre se réserve le droit de prendre toutes les mesures légales appropriées contre toute utilisation non autorisée de ses modèles d'examen.

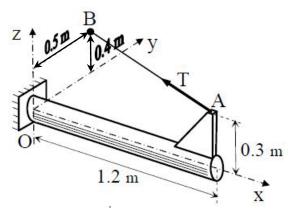
Toute documentation permise

Calculatrices : modèles autorisés seulement

Durée de l'examen : 3 heures

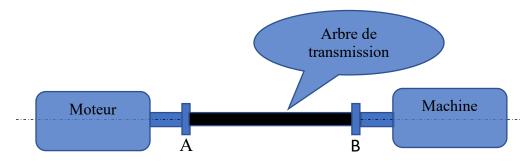
20-MB-B3 Résistance des matériaux

### Question 1. (20%)



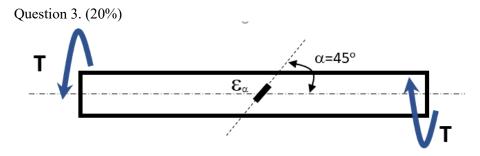
Il s'agit d'un arbre encastré au bout O. Dans le câble fixé sur le support inamovible à la position A de l'arbre tel que présenté dans la figure ci-dessus, il y a une force  $\vec{T}$  en tension. Son intensité  $T=|\vec{T}|=2$  kN . Déterminez les forces et moments de réaction au bout O.

#### Question 2. (20%)



Un moteur entraîne à la vitesse de 1500 RPM (tours par minute) un arbre creux AB en acier de diamètre extérieur D=30 mm et de diamètre intérieur d=24 mm. La longueur de l'arbre AB est L=1000 mm. La contrainte permise en cisaillement de l'acier est  $[\tau]=100$  MPa et le module d'élasticité en cisaillement est G=80~000 MPa. Si la puissance du moteur P=10~kW, calculez la résistance de l'arbre de transmission AB, ainsi que le facteur de sécurité.

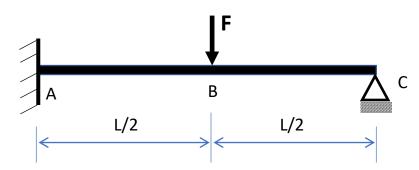
Note: Le moment d'inertie polaire d'un arbre creux circulaire  $J = \frac{\pi}{32}(D^4 - d^4)$ .



Un tube à paroi mince en aluminium subit un moment de torsion T tel que présenté dans la figure ci-dessus. Son diamètre extérieur est D=25 mm. Son épaisseur est e=2 mm. Une jauge de déformation est collée à la surface extérieure du tube avec un angle  $\alpha=45^{\circ}$  par rapport à l'axe du tube. Lorsqu'on applique la torsion T, la lecture de cette jauge est  $\epsilon_{\alpha}=0.125316\times 10^{-4}$ . En sachant que le moment d'élasticité en cisaillement du matériau G=25900 MPa, calculez le moment de torsion T.

Note : Le moment d'inertie polaire d'un arbre creux circulaire  $J = \frac{\pi}{32}(D^4 - d^4)$ 

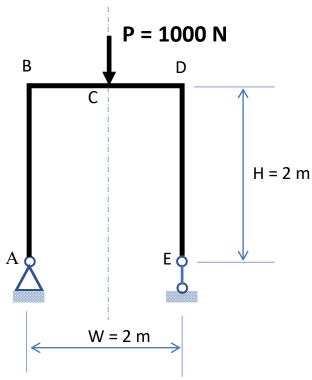
#### Question 4. (20%)



La poutre AC est encastrée au bout A et a un support simple au bout C. La force F = 1000 N est appliquée au milieu de cette poutre (point B) telle que présentée dans la figure ci-dessus. La longueur de la poutre est égale à L = 2000 mm. La poutre est en acier avec le module d'élasticité E = 200000 MPa et le moment d'inertie I = 100000 mm<sup>4</sup>. Déterminez la déflexion au point B de la poutre.

(Indice : Il s'agit d'une poutre hyperstatique. On peut remplacer le support C par la force de réaction  $R_C$  (inconnue). Puis, on applique le principe de superposition pour la force F et la force de réaction  $R_C$ . En sachant que la déflexion au bout C est nulle, on peut déterminer  $R_C$  ainsi que la déflexion de la poutre).

Question 5. (20%)



Il s'agit d'une charpente ABDE telle que présentée dans la figure ci-dessus. La structure est supportée par deux supports A et E. H est la hauteur  $(H=2\ m)$ . W est la largeur  $(W=2\ m)$ . Une force  $P\ (P=1000\ N)$  est appliquée au point C qui se trouve au milieu de BD. La charpente est en acier de diamètre d  $(d=30\ mm)$  avec le module d'élasticité  $E\ (E=200000\ MPa)$ . En négligeant les efforts tranchants,

- 1. Calculez l'énergie de déformation du système. (14 points)
- 2. Déterminez la déflexion au point C. (6 points)

Note: Le moment d'inertie  $I = \frac{\pi d^4}{64}$